

مدى فاعلية الأنشطة الاثرائية في تنمية التحصيل والتفكير الرياضى لدى التلاميذ

المتفوقين بالحلقة الثانية من التعليم الاساسى

دكتور/ حفنى اسماعيل محمد

مدرس تعليم الرياضيات
كلية التربية بقنا - جامعة أسيوط

مشكلة البحث وأهميته :

لا يقاس التقدم العلمى لأية دولة بقدرتها على استيعاب ما أنتجته الدول الأخرى من وساء علمية وتكنولوجية ، بل بمقدار قدرتها على تنمية واستثمار عقول أبنائها ، ولكى تحقق المجتمعات التقدم العلمى المنشود فلا سبيل امامها من أن تتخذ منهاجاً جديداً تسيير عليه فى تربية المتفوقين من أبنائها ، يعمل على بناء العقول ودعم التفكير وينمى لديهم اتجاهات نحو الحياه يتسم بطابع الخلق والابداع والا بتعاد عن الآلية والتقليد ، وينحهم القدرة على التفكير بعقولهم لا بعقول غيرهم .

فالذول النامية محتاجة أكثر من غيرها الى تربية العقول الرياضية من أبنائها حتى تستقل عن التبعية الآلية والتكنولوجية للدول المتقدمة ، بالاضافة الى ذلك فهى تحتاج الى عقول رياضيه فى كل موقع من مواقع العمل فيها ، فالذى يصدر قراراً غير سليم فى أى موقع بسبب تخلفه فى الرياضيات أو عدم قدرته على حل المشكلات بأسلوب رياضى ابتكارى قد يؤدى الى خسارة لبلده . ولذا فإن تربية التفكير الرياضى والابتكارى هدف كبير يجب أن نسعى الى تحقيقه جميعاً بكل الوسائل لجيم الأفراد منذ الصغر ولكافة الأعمار ، فالجميع محتاج الى أن ننمى فيه القوة الخلاقة الابتكارية وننمى فيه التفكير الرياضى ، وكذلك محتاج أن يشق فى أنه قادر على عمل أشياء جديدة وحل مشكلات غير عادية ومشكلات غير متوقعة بأساليب جديدة (١٣ : ١٧٨ - ١٧٩) .

ويعنى ذلك أن المدرسة تتحمل مسئولية كبيرة هى تدريب التلاميذ على اكتساب مهارة التفكير السليم وتشجيعهم على ممارسته بدلاً من الاقتصار على تزويدهم بالمعارف والمعلومات المتناثر التى لم يعد لها قيمة كبيرة أمام التقدم المعرفى والتكنولوجى الذى نعيشه الآن ، ولتحقيق ذلك فان المدرسة يجب أن تهينى لتلاميذها الخبرات المعرفية والعملية التى يتعلمون منها معالج الظواهر البيئية المادية والاجتماعية وتجعلهم قادرين على التفكير بطريقة منطقية سليمة .

والتفكير ليس شيئاً بسيطاً يسهل تعلمه فى عدد محدود من الدروس أو من خلال مادة دراسية واحدة ، لأن تنمية مهارة التفكير تتطلب الممارسة المستمرة فى سياقات كثيرة مختلفة ، ولكن بعض المواد كالرياضيات تزود التلاميذ بفرص أفضل لأنواع معينة من التفكير .

وذلك لأن الرياضيات كعلم تجریدی من خلق وابداع العقل البشري تهتم ضمن ما تهتم به بالأفكار والطرائق وأنماط التفكير ، حيث ينظر إليها على أنها طريقة ونمط في التفكير، فهي تنظم البرهان المنطقي وتقرر نسبة صحة نرضية أو قضية ما ، ولذا فان أهمية الرياضيات من وجهة نظر كثير من المهتمين بتدريسها تأتي من كونها أداة مهمة لتنظيم الأفكار وفهم البيئة التي نعيش فيها . (١٥ - ١٧) .

هذا وتشهد الرياضيات تقدماً سريعاً في محتواها وطرق تدريسها ما جعل بعض المهتمين بتدريسها يعتقدون أننا لا نستطيع أن نتأكد من أن الرياضيات التي نقوم بتدريسها اليوم سوف تكون ذات فائدة كبيرة للتلاميذ بعد فترة قصيرة ، أو حتى بعد تخرجهم من المدرسة مباشرة ولذلك ينادى هؤلاء بأن الهدف الأساسي من تدريسنا للرياضيات اليوم ينبغي أن يكون مساعدة التلاميذ على اكتساب الأساليب المختلفة للتفكير (١١ : ١٣ - ١٤) .

والمتمحصر لمقررات الرياضيات بمراحل التعليم العام يجد أن محتواها ينصب على الحقائق والقوانين وتطبيقاتها الروتينية ، وأنها صممت بطريقة تناسب وامكانات الشريحة المتوسطة من التلاميذ الذين يمثلون الأغلبية ، ومن طبيعة هذه المقررات أنها تفتقر الى التنوع والاسراع والعسق ما يجعلها تقع دون مستوى التلاميذ المتفوقين ولا تتفق وما لديهم من قدرات عالية حيث تخلو من التمارين الرياضية التي تثير تفكير التلاميذ المتفوقين وتتحدى قدراتهم ، وهذا يؤدي الى عدم استغلال جزء كبير من الطاقة العقلية لهؤلاء التلاميذ .

وحيث ان التلاميذ المتفوقين يختلفون اختلافاً ملحوظاً عن أقرانهم العاديين في القدرات والمواهب وال ميول والحاجات ، لذا نجدهم أكثر الفئات حرماناً من حيث اشباع حاجاتهم في المدرسة وذلك لعدم وجود برامج تربوية متنوعة تفي بحاجاتهم التربوية الخاصة وتعدهم كعلماء قادرين على التفكير والابتكار .

ولا شك أن المدرسة يقع عليها العبء الأكبر في الاكتشاف المبكر للتلاميذ المتفوقين وتمييز قدراتهم الى أقصى قدر متاح وتوجيههم التوجيه الأمثل بما يكفل لهم السير في الطريق الصحيح مسترشدة في ذلك بنتائج الدراسات التي تمت في مجال المتفوقين وكيفية اكتشافهم وسبل رعايتهم .

فلقد تعددت الدراسات الخاصة بالمتفوقين بصفة عامة ، والمتفوقين في الرياضيات بصفة خاصة

حيث حاولت بعض الدراسات الكشف عن خصائص المتفوقين (كالاهان وجلينون Callahan & Glennon (١٨)) والبعض الآخر ركز على الطرق الملائمة للكشف عن التلاميذ المتفوقين في الرياضيات وكيفية تعليمهم (كارول Carrol (٢٠)) ، جلاغر Gallagher (٢٢))
توتل Tuttle (٢٨) ، مدوح سليمان وأبو العزايم عبد العال (١٢) .

ومن الملاحظ أن بعض المدارس تهتم بالتلاميذ المتفوقين وتلحقهم بفصول خاصة بهم ، ولكن استرعى انتباه الباحث أن التلاميذ المتفوقين ببعض مدارس الحلقة الثانية من التعليم الأساسي يدرسون نفس مقررات الرياضيات التي يدرسها أقرانهم العاديون دون زيادة ويقوم بالتدريس لهم نفس محتوى الفصول الأخرى بنفس طريقة الشرح وبفهم الأمثلة والتدريبات ، ومن ثم فإن الهدف من إلحاق هؤلاء التلاميذ بفصول خاصة بهم لم يتحقق .

في الوقت الذي يوصى فيه بعض المهتمين بتدريس الرياضيات (١٦) ، (٧) ، (١٣) بضرورة أن تتضمن مقررات الرياضيات أنشطة اثرائية سواء للتلاميذ المتفوقين أو التلاميذ بطيئي التعلم تشمل وسائل وأنشطة مشوقة اكتشافية كاستخدام معامل الرياضيات وذلك لجعل العملية التعليمية محبة وتشجذ هم المتعلم بإثارة دوافعه للتعلم واستمرارية هذا التعلم ، ومن هذه الوسائل أيضاً الألفاظ الرياضية خاصة الألفاظ التي تؤدي إلى اكتشاف أفكار وعلاقات رياضية جديدة .

وكذلك ما نادى به بعض الدراسات والكتابات بضرورة أن تكون للمتفوقين برامج تعليمية — أو أنشطة اثرائية خاصة بهم (كامبل وويليس Cambell & Willis (١٩)) ، كليات وآخرون
Gliatt, et al (٢١) ، هيكس Hicks (٢٥)) .

لذا يجب الاهتمام بالتلاميذ المتفوقين في الرياضيات وذلك بتزويد محتوى الرياضيات ببعض الأنشطة الرياضية المحبة والألفاظ الرياضية والمسائل الترويجية ، والتي من شأنها أن تبرز طبع الرياضيات وتقابل ما بين التلاميذ من فروق فردية ، وتحقق بعض الأهداف الوجدانية لتدريس الرياضيات ، وتتنى مكونات التفكير في أذهان دارسيها .

ومن ثم كانت هذه الدراسة محاولة لمعرفة مدى فاعلية الأنشطة الاثرائية في تنمية التحصيل والتفكير الرياضي لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسي .

وقد قام الباحث بهذه الدراسة لشعوره بأن هناك نقصاً في الدراسات الخاصة بالمتفوقين

في الرياضيات وتتبع مسارات تفكيرهم وكيفية تنسيته وذلك للمساهمة ولو بجهد بسيط في اكمال هذا النقص، حيث اتضح من خلال تحليل البحوث التي اجريت في مجال تعليم الرياضيات (١٧: ١٥٧- ١٥٨) قلة عدد البحوث التي تناولت اثراء التدريس وتنمية الابداع والتفكير الرياضى ، والقدرات العقلية للمتفوقين واحتياجاتهم .

أهداف الدراسة :

رعاية التلاميذ المتفوقين ليست ترفاً فكرياً أو ممارسة تربوية زائدة عن الحاجة ، اذ ان أحد الأهداف الرئيسية لأى نظام تعليمى هو إتاحة الفرصة للتلاميذ لتنمية قدراتهم وجعلهم قادرين على التفكير والابداع حسب معدلاتهم الخاصة عن طريق اعداد برامج وأنشطة تربوية متنوعة تنمى بحاجاتهم ، وفي محاولة لتحقيق ذلك تهدف الدراسة الى :

- ١- اعداد مجموعة من الأنشطة الاثرائية في الرياضيات تناسب مستوى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى .
- ٢- قياس مدى فاعلية استخدام الأنشطة الاثرائية في تنمية التحصيل والتفكير الرياضى لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى .

أسئلة الدراسة :

تحددت مشكلة الدراسة في الاجابة عن الاسئلة التالية :

- ١- ما مدى فاعلية الأنشطة الاثرائية في تنمية التحصيل في الرياضيات لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى ؟
- ٢- ما مدى فاعلية الأنشطة الاثرائية في تنمية التفكير الرياضى لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى ؟
- ٣- هل هناك علاقة بين تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى في الرياضيات ونمو مستوى تفكيرهم الرياضى ؟

فروض الدراسة :

حاول الباحث التأكد من صحة الفروض التنبؤية التالية :

- ١- هناك فروق ذات دلالة احصائية بين تحصيل تلاميذ المجموعة التجريبية (الدارسين للأنشطة الاثرائية) وتحصيل تلاميذ المجموعة الضابطة في الرياضيات لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية .

- ٢ - هناك فروق ذات دلالة احصائية بين مستوى التفكير الرياضى لتلاميذ المجموعة التجريبية ومستوى التفكير الرياضى لتلاميذ المجموعة الضابطة فى صالح تلاميذ المجموعة التجريبية بعد دراستهم للأنشطة الامرائية .
- ٣ - هناك علاقة ارتباطية موجبة بين التحصيل ونمو مستوى التفكير الرياضى لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى (المجموعة التجريبية) .

ملاحظات الدراسة :

- ١ - التلاميذ المتفوقون فى الرياضيات يختلفون عن أقرانهم العاديين فى الحاجات التربوية وأنماط التعلم ، ويحتاجون الى رعاية خاصة بهم .
- ٢ - تنمية أساليب التفكير لدى التلاميذ أحد الأهداف الهامة التى يسعى النظام التعليمى الى تحقيقها .

حدود الدراسة :

- ١ - اقتصرت الأنشطة الامرائية على الألفاظ والمغالطات الرياضية لبعض المفاهيم والعلاقات والمهارات الرياضية المتضمنة بقرر الرياضيات للصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى .
- ٢ - اجراء تجربة الدراسة على التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى بمدرسة التحرير بقنا (فصلان مستقلان للمتفوقين) .

مصطلحات الدراسة :

فى ضوء الإطار النظرى للدراسة يمكن تعريف:

- التلميذ المتفوق رياضيا بأنه : التلميذ الحاصل على نسبة ذكاء ١٢٠ فأكثر فى اختبار الذكاء والذى يظهر قدرة عالية على التحصيل فى الرياضيات .
- الأنشطة الامرائية : هى أنشطة رياضية اضافية تقدم للتلاميذ بصورة فردية أو فى مجموعات صغيرة بجانب دراستهم للمقررات الرياضيه المطلوبة منهم كمرجعة لما درسوه .
- التفكير الرياضى : هو قدرة المتعلم على ادراك العلاقات الأساسية فى المشكلة الرياضية التى تواجهه وتكوين نموذج رياضى مناسب لحلها ، أى قدرته على تحديد العمليات الحسابية أو الرياضية وتنظيم الأفكار المتاحة والتى يتتبع استخدامها يصل الى الحل والى أفكار جديدة

أدوات الدراسة :

- ١ - وحدة الأنشطة الاثرائية فى الرياضيات (من اعداد الباحث) .
- ٢ - اختبار تحصيلى فى الرياضيات لقياس تحصيل أفراد مجموعتى الدراسة (من اعداد الباحث) .
- ٣ - مقياس التفكير الرياضى لدى تلاميذ مجموعتى الدراسة (من اعداد الباحث) .

خطة الدراسة :

أولاً : الاطار النظرى للدراسة واشتمل على ما يلى :

- المتفوقون فى الرياضيات (تعريفهم - سماتهم - حاجاتهم - كينية تحديدهم - أساليب التعامل معهم) .
- التفكير الرياضى وأهمية تنميته لدى التلاميذ .

ثانياً : التصميم التجريبي للدراسة واشتمل على ما يلى :

- اختيار مجموعتى الدراسة .
- اعداد الأنشطة الاثرائية فى الرياضيات .
- بناء الاختبار التحصيلى لقياس مدى تحصيل تلاميذ مجموعتى الدراسة فى الرياضيات .
- بناء مقياس التفكير الرياضى لدى تلاميذ مجموعتى الدراسة .
- اجراء تجربة الدراسة .

ثالثاً : نتائج الدراسة وتحليلها وتوصيات الدراسة والقيمة التربوية لها .

الاطار النظرى للدراسة

أولا : المتفوقون فى الرياضيات :

يختلف التربويون فيما بينهم فى تعريفهم للتلميذ المتفوق ، حيث ينظر البعض الى التفوق من حيث معامل الذكاء وينظر الآخرون الى التفوق على أنه الأداء الحسن فى المدرسة .

حيث يعرف المتفوقون بأنهم " التلاميذ الذين لديهم قدرات تشير الى أداء عال فى الامكانات العقلية والابتكارية ، والأكاديمية ، والقيادية ، والذين يحتاجون الى خدمات خاصة بهم " (٢٦ : ١١٣)

كما يعرف المتفوقون بأنهم " التلاميذ الحاصلون على معدل ذكاء يتراوح بين ١٢٠ و ١٢٥ وه يمثلون الصنفه الواقعة فيما بين ٥ % ، ١٠ % من تلاميذ المدرسة غير المختارين " (٦ : ٥١) .

أو هم " التلاميذ الذين تبلغ نسبة ذكائهم فى اختبارات الذكاء اللغوى ١٣٠ فأكثر، أو تعادل نسبة ذكائهم أو تزيد عن انحرافين معياريين عن المتوسط ويكون فى الوقت نفسه متفوقا فى دراسته بحيث يقع ضمن الـ ٥ % العليا من مجموع التلاميذ المناظرين له فى بطاريات الاختبارات التحصيلية " (٣ : ٢٣)

ويعرف التلميذ المتفوق بصفة عامة بأنه " ذلك الذى يظهر أداء ملحوظاً على نحو منسق فى أى مستوى من مستويات المحاولة التى تستحق القيام بها " (٧ : ٢٤٥) .

سمات الطلاب المتفوقون فى الرياضيات :

التلاميذ المتفوقون فى الرياضيات فئة متميزة يختلفون اختلافاً ملحوظاً عن أقرانهم العاديين فى القدرات والمواهب والميول والنضج النفسى ، لذا فإن دراسة سماتهم تعد من الأسس التى يقوم عليها بناء برامج وأنشطة خاصة بهم .

هذا ويتمتع التلميذ المتفوق فى الرياضيات بالسمات العقلية والأكاديمية التالية (٧ : ٢٤٦ - ٤٨ :

- يؤدى أداءً جيداً فى معظم المواد الدراسية .
- يحصل على درجات عليا فى اختبارات الذكاء ، والابتكارية ، واختبارات التمكن .
- يتمتع بذاكرة جيدة ، حيث انه قادر على حفظ واستظهار الحقائق واتقان الخوارزميات بسرعة وتذكرها لفترة طويلة من الوقت .

- يفهم ما يقرأه بسهولة ، مع استخدامه لعدد كبير من الكلمات بدقة ويسر .
- ليس لديه مشكلة في قراءة وفهم التعليمات والتوجيهات .
- قادر على قراءة الكتب المتقدمة لسنوات عديدة بالنسبة لصفه الدراسي .
- على مستوى جيد تماما في العمليات المعرفية العليا مثل التحليل والتركيب والتقويم .
- على درجة عالية من الكفاءة في التفكير المجرد والاستدلال في حل المشكلات .
- يستطيع ادراك العلاقات المركبة بين المفاهيم الرياضية .
- قادر على فهم المفاهيم والأساسيات الرياضيه بتركيب فئات الرموز الرياضية بمستوى جيد من الاستدلال الرمزي .
- له القدرة على صياغة الحدسيات واثبات النظريات وحل المسائل والنظر إليها بوجهات نظر متفردة .
- قادر على التفكير التباعدى وكذلك التفكير التقابلي ، فهو مفكر رياضى يتسم بالابتكارية والأصالة .
- كثير الأسئلة فهو يحتاج الى أن يعرف كيف تأتى الاجراءات الخوارزمية بالاجابة الصحيحة وكيفية صحة النظريات ، وكيف تم اكتشاف الأثكار الرياضية .
- يتردد في قبول الحقائق اليقينية المبنية على السلطة ، وهو يريد أن يفهم المفاهيم والأساسيات التي تتضمنها كل عملية رياضية .
- قادر على قراءة وفهم الرياضيات بنفسه ، لذا فانه يعيل الى التقدم في كتبه ويبحث طواعية عن الكتب والمقالات في مجال الرياضيات لقراءتها ، فهو يبحث عن مشكلات تتحدى قدراته وقراءات وألغاز وألغاز رياضية شيقة .
- قادر على تعلم المهارات الرياضية بتدريب بسيط ، فهو يستطيع فهم المفاهيم والأساسيات دون رؤية عدد كبير من الأمثلة المحسوسة .
- كما حدد كالاهان وجلينون Callahan & Glennon (١٨ : ٤٧٠) سمات التلميذ المتفوق في الرياضيات فيما يلي :
- حبا استطلاع للمظاهر الكمية للأشياء الموجودة في البيئة .
- القدرة على التفكير والعمل التجريدي والرمزي عندما يتعامل مع الأفكار الكمية .
- القدرة على ربط الأفكار الكمية بفاعلية بعضها البعض الآخر ، اما على صورة شفوية أو صورة كتابية ، وأنه في حالة استعداد تام لاستقبال واستيعاب هذه الأفكار .
- القدرة على التفكير والأداء الجيد في المواقف الكمية بطريقة مرنة أكثر من طريقة التكرار المألوف .

- القدرة على تحويل التعلم إلى مواقف كمية جديدة غير مألوفة .
- ادراك النماذج الرياضية والعلاقات الداخلية في البيئة الرياضية .
- استخدام الاستقراء في الوصول إلى التعميمات الرياضية .

ويتضح مما سبق أن من طبيعة التلاميذ المتفوقين في الرياضيات حبهم للبحث عن معرفة كيف تم التوصل إلى النظريات وكيف تم اكتشاف الأفكار الرياضية ، وقدرتهم على قراءة كتب رياضيات أعلى من مستوى صفيهم الدراسي والبحث عن مشكلات تتحدى قدراتهم وألعاب وألغاز رياضية شيقة ، مـ قدرتهم على التفكير والعمل التجريدي والرمزي والإبتكار ، ومن ثم فإن هذه السمات يجب أن تراعى عند التعامل مع هؤلاء التلاميذ لمعرفة أنسب الطرق لتعليمهم الرياضيات .

حاجات التلاميذ المتفوقين في الرياضيات :

لكل مرحلة من مراحل النمو حاجات معينة ، ولكل فئة من التلاميذ في العمر الواحد مطالب وحاجات مختلفة ، وهذه المطالب تكشف عن المستويات الضرورية التي تحدد كل خطوة من خطوات نمو الفرد ، كما تحدد مدى تحقيق الفرد لحاجاته واشباعه لرغباته وفقاً لمستويات نضجه وتطور خبراته التي تتناسب مع مرحلة نموه ، وبذا يساعد تحديد هذه المطالب على توجيه العملية التربوية وتوقيت وحدتها .

والتلاميذ المتفوقون لهم نفس الحاجات التربوية للتلاميذ العاديين وأكثر من ذلك أن لديهم حاجات خاصة بهم ، ولقد حددت الرابطة القومية للتربية (NEA) مجموعة من الحاجات العامة للتلاميذ المتفوقين منها أن التلميذ المتفوق يحتاج إلى (٧ : ٢٥٠ - ٢٥١) :

- أن يصبح محباً للاستطلاع من الناحية العقلية ، ويبحث عن المعاني ويحاول أن يعثر على علاقات جديدة بدلاً من الحقائق القديمة .
- أن يحسن القدرة على الدراسة المستقلة وأن يقوم بالبحث مع العناية بعادات العمل الأساسية ومهارات الدراسة وطرق البحث .
- أن يتعلم تطبيق مدى واسع من المعارف والأساسيات على حل كثير من مشكلات الحياة .
- أن يكتسب المهارة في تقويم الذات .
- أن يبنى مهارات في التفكير الناقد .
- أن يبنى القدرة القيادية ويتضمن ذلك الاتزان واحترام حق الآخرين والمهارة في ديناميات

- الجماعة وعلاقاته بالآخرين .
- أن يوسع الميل نحو ابتكارية أنواع مختلفة من حلول المشكلات .
- أن يحس بخشامين التفسير .
- أن يتقن المهارات في الأتصال .
- أن ينشئ مساحة الرؤية ليدرك امكانات المستقبل ، وحقائق الحاضر ، وتراث الماضي ، ليسرى في ذلك كله التيار المستمر لأفكار واهتمامات وقضايا الانسان .

وإذا كان التلميذ المتفوق في الرياضيات له نفس الحاجات التربوية العامة لجميع المتفوقين الا أن لديه حاجات خاصة به ، فهو رغم قدرته على تحصيل الرياضيات بمساعدة قليلة من المعلم الا أنه يحتاج الى ارشاد وتوجيه لتنمية مواهبه الرياضية على نحو كامل . لذا فان التلميذ المتفوق في الرياضيات لديه حاجات خاصة في تعليم الرياضيات منها (٧ : ٢٥١ - ٢٥٢) :

- أن كثيرا من التلاميذ المتفوقين في الرياضيات يقرأون كتب الرياضيات بأنفسهم ويتعلمون أكثر كثيرا من الرياضيات التي تحتويها الكتب المدرسية ، لذا فانهم بحاجة الى التفاعل مع معلمين يعرفون أكثر كثيرا من الرياضيات التي يقدّمونها لفصولهم .
- أن التلاميذ المتفوقين في الرياضيات يحتاجون الى معلمين على دراية كبيرة ويستطيعون مساعدتهم في تحديد الكتب والمقالات الجيدة عن الرياضيات .
- أن التلاميذ المتفوقين في الرياضيات يحتاجون الى معلمين مهتمين بتعليم المزيد من الرياضيات بأنفسهم حتى يستطيعوا مساعدة الطلاب القادرين على تجاوز مستوى منهج الرياضيات المدرسى .
- أن التلاميذ المتفوقين في الرياضيات بحاجة الى كيفية تركيز انتباههم وتوجيه جهودهم نحو تعلم رياضيات ذات مستوى أعلى ، لذا فهم يحتاجون الى المساعدة من المعلم في إيجاد وتنفيذ أنشطة بناءة في تعليم الرياضيات ، لأنهم اذا تركوا لأنفسهم قد يضيعوا ساعات طويلة في أنشطة رياضية تافهة غير مهمة .
- أن التلاميذ المتفوقين في الرياضيات عادة ما يحتاجون الى قضاء وقت قليل في القيام بتمارين وتدريبات روتينية لتعلم المهارات الرياضية ، لذا يجب أن يسمح لهم بنوع ما من المرونة في أنشطة الفصل وتعينات الواجبات المنزلية .
- أن التلاميذ المتفوقين في الرياضيات يحتاجون الى التشجيع في دراستهم باعطاء الاثابذة والتقدير المناسبين .

ويتضح من ذلك أن التلاميذ المتفوقين في الرياضيات يحتاجون إلى التعامل مع معلمين يتمتعون بكفاءة عالية في الرياضيات تمكنهم من تقديم أنشطة رياضية مناسبة للتلاميذ المتفوقين وتوجيههم كيفية القيام بها ، وكذلك مساعدتهم على اختيار المقالات والكتب الرياضية الجيدة التي يحتاجون لها .

كيفية تحديد التلاميذ المتفوقين في الرياضيات :

يعد تحديد التلاميذ المتفوقين في الرياضيات بوسائل موشوق بها نقطة البداية للوفاء بمطالب وحاجات هؤلاء التلاميذ ، ويرى جرينسز Greenes (١٤:٢٤ - ١٧) أن تحديد التلاميذ المتفوقين في الرياضيات عملية هامة وذلك للأسباب التالية :

— أن التشريعات التعليمية الجديدة أصبحت تنص على ضرورة وجود برامج تعليمية جديدة لكل من التلاميذ المتأخرين والمتفوقين على حد سواء .
— أصبحت الرياضيات المدرسية تركز على مدخل حل المشكلات في تقديم المنهج لتلبية احتياجات التلاميذ المتفوقين .

— النمو السريع لعلوم الكمبيوتر كوسيلة لتقديم خبرات حل المشكلات .
— وجود بعض المظاهر التكنولوجية المعقدة والتي تواجهها المجتمعات في عصرنا الحاضر قد أدت إلى ضرورة الكشف عن التلاميذ القادرين على التعامل مع هذه التكنولوجيا وتدريبهم عليها منذ طفولتهم .

ويختلف علماء التربية فيما بينهم على كيفية تحديد وانتقاء التلاميذ المتفوقين ، فمنهم من يعتمد على اختبارات الذكاء وحدها كأساس لاختيار المتفوقين ، بينما يرى البعض الآخر أن اختبارات الذكاء وحدها غير كافية ويجب أن تضاف إلى نتائجها نتائج الاختبارات التحصيلية ونتائج اختبارات بعض القدرات الخاصة كالقدرة على التفكير الابتكاري .

ولقد بدأ كارول Carroll (٢٠:٢١) محاولاته المبدئية لتحديد التلاميذ المتفوقين عن طريق التحصيل المرتفع ، ثم أضاف بعد ذلك معيار الذكاء I.Q ، ثم القدرات المعرفية المتعددة ، ثم أضاف كل من التفكير التقاربي والتفكير التباعدى على التوالي كعوامل مساعدة للكشف عن المتفوقين .

ويؤكد ذلك ما توصل إليه جلاغر Gallagher (٢٢:١٤) من أن تحديد التلميذ

المتفوق يتم بواسطة أدوات التحصيل مع / أو قدرته في أى المجالات التالية سواء كانت مفردة أو مركبة :

- أ - القدرة العامة على الذكاء .
- ب - الاستعداد الأكاديمي الخاص .
- ج - الابتكارية أو التفكير التباعدى .
- د - القدرة البصرية .
- هـ - القدرة النفسحركية (المهارية) .

ويتفق ذلك مع ما توصل اليه Tuttle (٢٨ : ٣٥) من أدوات يمكن من خلالها تحديد التلاميذ المتفوقين وهى :

- أ - اختبارات ذكاء جمعية مقننة .
- ب - اختبارات ذكاء فردية .
- ج - اختبارات تحصيل .
- د - اختبارات ابتكارية .
- هـ - آراء المعلم في التلميذ .

وقد حددت إحدى الدراسات (٢ : ١٢٣ - ١٢٥) خمسة مصادر للتعرف على التلاميذ المتفوقين هى :

- أ - تقدير المعلمين .
- ب - تقدير أولياء الأمور .
- ج - تقدير المتخصصين .
- د - تقدير الأقران .
- هـ - الاختبارات والمقاييس (اختبارات الذكاء - اختبارات التحصيل - مقياس القدرة الابتكارية) .

ويتضح ما سبق أن عملية تحديد التلاميذ المتفوقين في الرياضيات يجب الا تعتمد على معيار واحد بل يجب أن تستند على أكثر من معيار فالتحصيل المرتفع في الرياضيات يعد أولى الخطوات للتعرف على التلاميذ المتفوقين بالإضافة الى حصولهم على نسبة ذكاء أعلى من ١٢٠ أو قدرتهم على التفكير الابتكارى وقدرتهم على حل المشكلات .

أساليب التعامل مع التلاميذ المتفوقين :

هناك عدة أساليب لتجميع التلاميذ المتفوقين وذلك للوقاء بمتطلباتهم التربوية والتعليمية ويمكن تصنيف هذه الأساليب الى الأنواع التالية (٢٧ : ١٣) ، (١٦ : ٣٦ - ٣٧) ، (٢ : ١٣٢ - ١٣٥) :

١ - فصول بعض الوقت :

أ - الفصول الخاصة المعدلة : وتقوم فكرة هذه الفصول على أن التلميذ المتفوق يظل نفسى الفصول العادية مع أقرانه ، إلا أن له دراسات خاصة لبعض الوقت مع غيره من التلاميذ

المتفوقين .

ب- فصول الشرف: ويجمع فيها التلاميذ المتفوقون لعدد من الساعات أسبوعياً للقيام بأنشطة متعددة الأوجه ، ودراسات ملائمة مع مجال تفوقهم مع معلمين متخصصين .

٢ - الفصول الخاصة : وتقوم على أساس تجميع التلاميذ المتفوقين في فصول خاصة بهم في مدارس عادية ، وبالتالي تصبح معايير التحصيل مرتفعة في هذه الفصول والتي تشكل لتحقيق النمو المتكامل للمتفوقين وذلك لأن وجود المتفوقين معا في فصل واحد يوفر درجة من التصدي لقدراتهم ما يجعلهم يحملون وفق طاقاتهم القصوى ، وتسير الدراسة في هذه الفصول وفق للمقررات الدراسية الموضوعية لبقية الفصول ، ولكن تحقق وتوسع الخبرات المقدمة لهم ، - اعطائهم أنشطة إثرائية عبارة عن موضوعات متقدمة في الرياضيات مع التحقق في البرهان والتعرض لمواقف من تاريخ الرياضيات ، والقيام بمشروعات فردية وجماعية . ولكن قد يكون لهذا الأسلوب بعض السلبيات حيث أن مصادر التعلم بهذه الفصول مضممة للتلاميذ العاديين ما يحد من الاستفادة من هذا الأسلوب بالشكل المطلوب .

٣ - نظام المدارس الخاصة : وتقوم على تجميع التلاميذ المتفوقين ضمن مجموعات متجانسة ، وذلك لتوفير الرعاية المتكاملة لهم من خلال برامج خاصة بهم وتزويد المدرسة بالامكانات التي تحتاجها هذه المجموعة كما يقوم بالتدريس لهؤلاء التلاميذ مجموعة من المعلمين معديين اعداداً خاصاً لتدريس المتفوقين .

ورغم أن هذه الأساليب موجودة في نظامنا التعليمي إلا أن النمط الغالب هو وجود المتفوقين في فصول عادية في المدرسة العادية ، لذا فإن أنسب أسلوب يجب الأخذ به مع هؤلاء التلاميذ هو توفير أنشطة إثرائية فردية أو في مجموعات صغيرة داخل الفصل ، وذلك إلى جانب المقررات العادية ، وينطبق ذلك على فصول المتفوقين في المدارس العادية بالإضافة إلى تخصيص حصص إضافية لهم يدرسون فيها المزيد من الموضوعات الرياضية .

ثانياً: التفكير الرياضي وأهميته تمييزه لدى التلاميذ :

إن كتب التربية مزدهمة بالدعوة إلى " تنمية تفكير التلاميذ " ، " تعويد التلاميذ على طرز التفكير العلي " ، " تنمية قدرات التلاميذ على الاستدلال " . . . الخ . . . وهذه الأهداف لا يختل عليها اثنان من المهتمين بالتربية . إلا أنه لكي نحقق ولو قدراً يمسيراً من هذه الأهداف ينبغي أن نعرف على وجه التحديد ماذا يقصد بالتفكير ، وما العمليات العقلية التي تتم في عقل التلميذ

أثناء التفكير في حل موقف مشكل أو مسألة ما .

وهناك محاولات كثيرة بذلت لتعريف عملية التفكير منها :

- أن التفكير بمفهومه العام هو كل نشاط عقلي أدواته الرموز أى استبدال الأشياء والأشخاص والمواقف والأحداث برموزها بدلاً من معالجتها معالجة فعلية ، أما التفكير بمعناه الخاص فيقتصر على حل المشكلات حللاً ذهنياً وعلمياً (٤ : ٣٣٠) .

- أن التفكير يحدث عندما يستجيب الفرد لعلامة أو حالة في تجاربه تتسم بالتعقيد ، وأن هذا يتعلق بالتمثيل الرمزي ، أى الاستجابة لأحد أوضاع الحياة الواقعية والملموسة عن طريق بديل فكري لتلك الأوضاع (٩ : ٦٧) .

- أن عملية التفكير تحدث عند ظهور أية مشكلة للفرد يصعب عليه حلها والتغلب عليها في ضوء خبراته ومعلوماته السابقة ، فيقوم الفرد بنشاط فكري لكي يصل إلى حل مناسب لهذه المشكلة ويتميز هذا النشاط الفكري بالخصائص التالية :

- ١ - القدرة على ادراك العلاقات الأساسية في الموقف المشكل .
- ٢ - القدرة على اختيار بديل من عدد كبير من البدائل المتاحة .
- ٣ - القدرة على الاستبصار وإعادة تنظيم الخبرات السابقة .
- ٤ - القدرة على إعادة تنظيم الأفكار المتاحة وذلك بهدف الوصول إلى أفكار جديدة (٤ : ١٠٤) .

ويتضح مما سبق أن التفكير : هو نشاط عقلي يقوم به الفرد عند مواجهته مشكلة معينة ، فيقوم العقل باستدعاء الصور الذهنية والمعاني والألفاظ والرموز ويضع بعض الحلول ثم يفاضل بينها لاختيار الحل النهائي المناسب للمشكلة ، وذلك حسب خطوات متتابعة مترابطة .

وهناك فرق بين عملية التفكير ونتائج عملية التفكير ، فعلمية التفكير عملية داخلية لا يمكن ملاحظتها مباشرة يقوم بها الفرد نتيجة وجوده في مواقف تتطلبها ، أما نتائج عملية التفكير فهى ما نستطيع ملاحظته وقياسه (١٤ : ١٣ - ١٤) .

فالتفكير وما يرتبط به من " تخمين " و " إدراك " إنما هى عمليات عقلية غاية في التعقيد وتحتاج إلى إيضاح ، فنحن نعلم أن مصطلح عملية يعنى إعادة تشكيل أو تغيير شئ ما ، وهى العمليات العادية تكون التفسيرات مادية في الأشياء ، والعمليات العقلية تؤدى إلى تغيير نفسى

الموضوع الذى تمارس فيه الا أن هذا التغيير ليس مادياً ، ولتوضيح ذلك نقول اننا حين نفكر فى السيارة التى تترامانا (فهذه عملية عقلية) لا تحدث فيها أية تغيرات مادية ، كذلك الأمر عندما نفكر فى حل مسألة ما ونحلل معطيات المسألة والمطلوب فيها الى عناصر أولية - أن هذا التحليل لا يغير من نص أو صياغة المسألة على الاطلاق ومع ذلك فهو يشتمل على عمليات عقلية .

وهكذا نرى أن العملية العقلية تؤدى الى تغيير فى الموضوع الذى تمارس فيه الا أن هذا التغيير ليس مادياً ، فالعملية العقلية لا تغير الحقائق المحسوسة للأمر وانما تغير "صور" أو " مفهوم " هذا الموضوع أو ذاك فى عقل الإنسان .

وإذا كانت المعارف تشمل الصور أو المفاهيم أو الأفكار التى تعرض لها الإنسان أو اكتسبها فإن التفكير يشمل العمليات العقلية التى تعيد تشكيل هذه المعارف ، أى أن القدرة على التفكير هى نوع من القدرة على التعامل مع المعارف .

ومن الملاحظ أن المدرسة تهتم بتقديم المعارف للتلاميذ ، أما عملية تشكيل هذه المعارف والاستفادة منها فعادة ما ينال حظاً أقل من الاهتمام ، حيث لا يتم تدريب التلاميذ على العمليات المتضمنة فى عملية التفكير .

ولعل هذا يفسر لنا الظاهرة المألوفة والمتشعبة فى أن البعض من التلاميذ أو الكبار فى شتى مواقف الحياة قد يكونون ملينين بالمعارف المطلوبة أو اللازمة لحل مسألة معينة ومع ذلك فهم غير قادرين على الوصول لحل هذه المسألة ، ويكون ذلك راجعاً الى أن التلميذ لم يكتسب القدرة على التعامل مع المعارف وإعادة تشكيلها ، أو لم يدرّب على استخدام العمليات العقلية اللازمة والمتضمنة فى التفكير .

وهذا يوضح ضرورة تنشيط تفكير التلاميذ أثناء دراستهم للرياضيات ، وذلك عن طريق التدريس بأسلوب حل المشكلات ، واللجوء الى استخدام معامل الرياضيات وقيام التلاميذ بتصميم بعض وسائل الايضاح ، واستخدام عناصر التشويق والاستفادة من الجوانب التاريخية ، وتوضيح دور الرياضيات فى الحياة العملية ، وذلك لاثارة التلميذ وتنشيط تفكيره الرياضى .

حيث يعترف التفكير الرياضى بأنه : التفكير المصاحب للفرد فى مواجهة المشكلات والمسائل الرياضية فى محاولة لحلها والذى تحدهه عدة اعتبارات تتعلق بالعمليات العقلية التى تتكون منها

علية الحل ، والعمليات المنطقية التي تتكون منها. عملية حل مسائل مختلفة الأنواع ، والعمليات الرياضية التي يجب أن تستخدم لاجابة سؤال المشكلة أو المسألة الرياضية (١٤ : ١٥) .

ولكى يصل الفرد الى الحل السليم للمشكلة الرياضية يجب أن يصاحبه تفكير عقلائى سليم حتى يكون النموذج الرياضى المناسب لعملية الحل ، أى أنه يحدد العمليات الحسابية أو الرياضية والتي بتتابع استخدامها يصل الى الحل ، وهذا يؤدي الى أن النموذج الرياضى لعملية حل المشكلة يكون معلوماً ، كما يجب أن يكون لدى الفرد القدرة على استثمار العمليات العقلية المناسبة التي تجعله يقوم باجراءات معينة ومحددة للوصول الى خطوات الحل الرياضية (١٤ : ١٥) .

هذا ويمكن القول بأن التحسن فى تفكير التلاميذ عند تعلمهم الرياضيات يكون ممكناً بشرط تطبيق نظام هادف محدد ، وليس محاولات متفرقة لتنشيط التفكير عند دراسة بعض الموضوعات ، ولذا يجب أن يهتم معدو برامج الرياضيات بصياغة مواقف تعليمية تثير فى التلاميذ روح التفكير ، كما يجب على المعلم اختيار طرق وأساليب تدريس مناسبة وأن يراعى ما بين التلاميذ من فروق فردية ، ويعطى الفرصة للتلاميذ ، ويساعد هم على تعلم طرق جديدة فى التفكير .

التصميم التجريبي للدراسة

أولاً : اختيار مجموعتي الدراسة :

تم اختيار مجموعتي الدراسة من التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسي بمدرسة التحرير الاعدادية بقنا ، حيث يوجد بالمدرسة فصلان للمتفوقين (١/١) ، (١) / (١١) بكل فصل عدد ٥٦ تلميذاً من الحاصلين على ٩٠ ٪ فأكثر من المجموع الكلي للدرجات بالصف الخامس الابتدائي ، وقد تم اختيار مجموعتي الدراسة من خلال الاجراءات التالية :

— تطبيق اختبار القدرة العقلية (الذكاء) مستوى ١٢ - ١٤ سنة (٥) على تلاميذ الفصلين وقد اعتبر الحاصلون على نسبة ذكاء ١٢٠ فأكثر ضمن أفراد مجموعتي الدراسة بشرط حصول كل منهم على نسبة ٩٠ ٪ فأكثر من درجة الرياضيات بامتحان النصف الأول من العام الدراسي ١٩٩٣/٩٢ م .

— من خلال هذا التحديد أصبح عدد تلاميذ فصل (١١/١) ٤٢ تلميذاً تم اختيارهم ليشكلوا أفراد المجموعة التجريبية .

— كما أصبح عدد تلاميذ فصل (١/١) ٤٥ تلميذاً ، تم اختيار ١٠ تلاميذ منهم بطريقة عشوائية لاجراء التجربة الاستطلاعية عليهم وتبقى ٣٥ تلميذاً يمثلون أفراد المجموعة الضابطة .

وبذلك تم تحديد مجموعتي الدراسة كما خصص المكان والوقت اللازم لاجراء تجربة الدراسة .

ثانياً : اعداد الأنشطة الامرائية في الرياضيات :

من خلال معرفة سمات وحاجات المتفوقين وعلى ضوء ما أسفرت عنه نتائج بعض الدراسات عن أهمية الألعاب والألغاز الرياضية وبالاطلاع على بعض المراجع والكتب العربية والأجنبية (١٥) ، (١١) ، (١٠) ، (٢٣) أمكن اعداد بعض الألغاز والمغالطات الرياضية التي تتناول بعض العلاقات الرياضية بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسي .

وقدمت صياغة هذه الألغاز والمغالطات وحلولها في صورة استرشادية للمعلم لكي يقدّم شرحها ، وقد روعي في اختيار المغالطات والألغاز ان تحتاج حلولها الى نوع من التفكير والتحصن من جانب التلميذ وليست حلولاً تلقائية ونمطية لكن يكتسب التلميذ أنواعاً معينة من التفكير من خلالها .

وبعد صياغة هذه الأنشطة تم عرضها على بعض اساتذة المناهج وطرق تدريس الرياضيات بكليات التربية لمعرفة مدى مناسبة هذه الأنشطة للتلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى وكذلك مدى صحة صياغة محتواها الرياضى ، وعلى ضوء آراء السادة المحكمين تم حذف بعض الأجزاء والمغالطات التى رأوا أنها أعلى أو دون مستوى التلاميذ ، كما تم اغتداء صياغة البعض الآخر منها بعد التجربة الاستطلاعية التى قام بها الباحث وبذلك أصبحت الأنشطة الاثرائية معدة للاستخدام فى صورتها النهائية .

ثالثا : بناء الاختبار التحصيلى :

الهدف من الاختبار هو اعداد مقياس صادق وثابت لقياس تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الاساسى فى الرياضيات ، وذلك للحكم على أثر الأنشطة الاثرائية على زيادة تحصيلهم من عدمه .

وقد تمت صياغة مفردات الاختبار بحيث تلائم مستوى التلاميذ المتفوقين من حيث الصعوبة والحاجة الى التفكير ، واشتمل الاختبار على ثمانية اسئلة أربعة منها للجبر ومثلهم للهندسة وذلك فى محتوى الرياضيات الذى يدرسه التلاميذ خلال النصف الثانى من العام الدراسى .

وللحكم على مدى مناسبة الاختبار لتحقيق الهدف منه ومدى ملائمة لمستوى التلاميذ المتفوقين تم عرضه على مجموعة من اساتذة المناهج وطرق تدريس الرياضيات وبعض موجهى ومعلمى الرياضيات بالحلقة الثانية من التعليم الاساسى . وقد وافق المحكمون على بنود الاختبار واعتبرت هذه الموافقة دلالة على صدق الاختبار .

ولحساب معامل ثبات الاختبار تم تطبيقه على المجموعة الاستطلاعية (١٠ تلاميذ) ، ثم استخدمت معادلة (جيتمان ^{***} Guttman) العامة للتجزئة النصفية للاختبار ، وبايجاد معامل الارتباط بين نصفي الاختبار وجد أن معامل ثبات الاختبار = ٠,٧٨ ، وبذلك يكون قد تم اعداد الاختبار التحصيلى للتطبيق فى صورته النهائية ^{***} .

* ملحق (١) الأنشطة الاثرائية فى الرياضيات .

$$r = \frac{24 + 24}{24} - 1 = \frac{48}{24} - 1 = 1$$

** ملحق (٢) الاختبار التحصيلى .

رابعاً : بناء مقياس التفكير الرياضى :

الهدف من الاختبار هو اعداد مقياس صادق وثابت لقياس مستوى التفكير الرياضى لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى للحكم على مدى صلاحية الأئشده الاثرائية المقدمة لهم فى تسمية التفكير الرياضى .

ولقد اشتمل الاختبار على ٢٠ مفردة مصاغة لتقيس بعض انواع التفكير الرياضى ، وللتأكد من صحة محتواها الرياضى ومدى مناسبتها لمستوى التلاميذ المتفوقين ومدى مناسبتها لقياس بعض انواع التفكير الرياضى تم عرض الاختبار على مجموعة من أساتذة المناهج وطرق تدريس الرياضيات بكلية التربية حيث تمت موافقتهم على ١٦ مفردة فقط من مفردات الاختبار وحذفت أربع مفردات لسهولتها كما أقر السادة المحكمون صحة الصياغة اللغوية والرياضية لمفردات الاختبار ، وقد اعتبرت هذذ الموافقة دلالة على صدق الاختبار ، والجدول التالى يبين مواصفات مقياس التفكير الرياضى .

جدول (١)

مواصفات مقياس التفكير الرياضى

نوع التفكير الرياضى	رقم السؤال	الهدف السلوكى	
اكتشاف النمط أو التسلسل الرياضى	١	ان يكشف التلميذ نمطاً للعلاقة بين الأشكال الهندسية تبعاً لعدد اضلاعها	
	٢	ان يكشف التلميذ النمط الهندسى المستخدم ويكمله .	
	٣	ان يكشف التلميذ العلاقة بين ثلاثيات الأرقام من ١ - ٩ .	
	٤	ان يكشف التلميذ التسلسل العددي ويكمله .	
	٥	ان يكشف التلميذ العلاقة بين الحرف والرقم الدال عليه .	
	٨	ان يعبر التلميذ عن العدد ١٠ باستخدام خمسة تسجات بأكثر من طريقة .	
	استنتاج معلومات رياضيه من معلومات معطاه (تفكير ناقد+ تفكيرعلاقى)	٩٤٧٤٦	ان يحلل التلميذ الموقف ويستنتج معلومات رياضيه جديده من معلومات معطاه .
		١٤٤١٠٤	ان يعيد تنظيم المعلومات الحسابيه والهندسيه التى استنتجها ليصل الى حل المشكله الرياضيه .
١١		ان يوجد التلميذ مساحه شكل غير نمطى بأدراك العلاقة بينه وبين شكل هندسى معروف .	
الاستقرار الرياضى	١٢	ان يعرف التلميذ عدد القطع المستقيمه التى تنقسم اليها قطعة مستقيمه كبيره بنقط من الداخل .	
	١٣	ان يستخدم التلميذ الاستقراء الرياضى فى معرفه عدد المثلثات فى شكل ما	
	١٥	ان يستخدم التلميذ الاستقراء الرياضى فى ايجاد عدد المربعات بشكل مرسوم على شبكة من النقاط المربعه وطول ضلعه يساوى ٣ وحدات .	
	١٦	ان يستخدم التلميذ الاستقراء الرياضى فى ايجاد عدد المكعبات الصغيره التى يتكون منها مكعب طول ضلعه ٣ وحدات .	

ولحساب معامل ثبات الاختبار تم تطبيقه على تلاميذ المجموعة الاستطلاعية ، ثم استخدمت طريقة التجزئة النصفية للاختبار ، وبحساب معامل الارتباط بين نصفي الاختبار وجد أن معامل ثبات الاختبار = ٠, ٦٩ .

وبذلك يكون قد تم اعداد مقياس التفكير الرياضى * للتطبيق .

خامساً: تجربة الدراسة :

بعد الانتهاء من اعداد أدوات الدراسة وتقنينها أجريت تجربة الدراسة بهدف معرفة مدى فاعلية الأنشطة الاثرية في تنمية التحصيل والتفكير الرياضى لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الاساسى ، وقد تمت تجربة الدراسة حسب الخطوات التالية :

— معرفة درجات أفراد مجموعتى الدراسة فى الرياضيات فى امتحان منتصف العام الدراسى ١٩٩٣/٩٢ من سجلات المدرسة وذلك لمعرفة مستوى التحصيل القبلى لأفراد المجموعتين فى الرياضيات قبل بدء التجربة . وقد أخذ ذلك كمقياس قبلى للحكم على مدى الفرق فى التحصيل بين المجموعتين وذلك لأن التلاميذ يدرسون فى النصف الثانى من العام جزءاً مستقلاً من مقررات الرياضيات ومن ثم فان الاختبار التحصيلى المعد (اداة الدراسة) لا يمكن تطبيقه قبلياً لأنه سوف يصح مقياساً غير دقيق عن تحصيل التلاميذ قبل دراستهم لهذا الجزء من الرياضيات .

— تطبيق مقياس التفكير الرياضى (قبلى) على افراد مجموعتى الدراسة للوقوف على مستوى تفكيرهم قبل بدء التجربة .

— اعطاء الأنشطة الاثرية من قبل الباحث لافراد المجموعة التجريبية بواقع حصتين اسبوعياً وذلك بالإضافة الى دراستهم لمحتوى الرياضيات المقرر عليهم مع معلم الفصل .

— تطبيق الاختبار التحصيلى فى الرياضيات ومقياس التفكير الرياضى (بعدى) على أفراد مجموعتى الدراسة وذلك لمعرفة هل هناك فروق فى التحصيل والتفكير الرياضى بين المجموعتين وكذلك بين كل منهما فى التطبيقين القبلى / البعدى .

وقد اجريت تجربة الدراسة خلال الفترة من ١٣/٢/١٩٩٣ الى ٢٢/٣/١٩٩٣ م

* ملحق (٣) : مقياس التفكير الرياضى

نتائج الدراسة وتحليلها

التزم الباحث في عرضه لنتائج الدراسة التي تم التوصل إليها بالإجابة عن أسئلة الدراسة والتحقق من صحة فروض الدراسة وذلك حسب الخطوات التالية :

السؤال الأول :

ما مدى فاعلية الأنشطة الاثرائية في تنمية التحصيل في الرياضيات لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الاساسي ؟

للإجابة عن هذا السؤال تم حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري لدرجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختبار الرياضيات للنصف الأول من العام الدراسي والاختبار التحصيلي في الرياضيات (بعدى) ، لمعرفة هل هناك فرقاً بين متوسطي تحصيل أفراد المجموعتين قبل تجربة الدراسة وبعدها ومدى دلالة هذا الفرق ، كما يتضح من الجدول التالي :

جدول (٢)

المتوسط الحسابي والانحراف المعياري لدرجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في الرياضيات للنصف الأول من العام الدراسي (قبلي) ، والاختبار التحصيلي في الرياضيات (بعدى) ، وقيمة "ت" والدلالة الاحصائية للفرق بين المتوسطات

قيمة "ت"	الضابطة ن = ٣٥		التجريبية ن = ٤٢		المجموعة التطبيقية
	ع	م	ع	م	
٢٣, ١	٢, ٤٤	٩١, ٥٤	٢, ١٣	٩٢, ١٩	القبلي
١, ٩٦	٣, ٩٧	٩٢, ٨٩	١, ٨١	٩٤, ٢٨	البعدي

* غير دال عند مستوى ٠,٠١ ، مستوى ٠,٠٥

يتضح من الجدول (٢) انه لا توجد فروق ذات دلالة احصائية بين متوسطي درجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختبار الرياضيات للنصف الأول من العام الدراسي ما يدل على أن المجموعتين متكافئتان تقريباً في مستوى التحصيل قبل البدء في تجربة الدراسة .

كما يتضح أيضاً أن هناك فرقاً بين متوسطي تحصيل أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدي للاختبار التحصيلي في الرياضيات في صالح أفراد المجموعة التجريبية

ولكن بحساب الدلالة الاحصائية لهذا الفرق وجد انه غير دال احصائياً.

وبذلك يكون قد تم التحقق من عدم صحة الفرض الأول للدراسة، اذ أنه لم يتحقق ان هناك فروق ذات دلالة احصائية بين تحصيل أفراد المجموعة التجريبية الدارسين للأنشطة الاثرائية وتحصيل أفراد المجموعة الضابطة في الرياضيات، ما يدل على ان الأنشطة الاثرائية في الرياضيات لم تكن فعالة بدرجة مناسبة في تنمية التحصيل في الرياضيات لدى أفراد المجموعة التجريبية.

السؤال الثاني :

" ما مدى فاعلية الأنشطة الاثرائية في تنمية التفكير الرياضى لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الاساسى ؟ "

للإجابة عن هذا السؤال تم حساب المتوسط الحسابى والانحراف المعيارى لدرجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختبار التفكير الرياضى (قبلى ، بعدى) لمعرفة هل هناك فرقاً في مستوى التفكير الرياضى بين افراد المجموعتين ومدى دلالة هذا الفرق، كما يتضح من الجدول التالى :

جدول (٣)

المتوسط الحسابى والانحراف المعيارى لدرجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختبار التفكير الرياضى (قبلى ، بعدى) وقيمة "ت" والدلالة الاحصائية للفرق بين المتوسطات

قيمة "ت"	الضابطة		التجريبية		المجموعة التطبيق
	ع	م	ع	م	
١, ٦١	٣, ٣٩	٥٥, ١٨	٤, ٢٨	٥٣, ٧٢	القبلى
* ١٢, ٠٦	٤, ٥٧	٥٧, ٢٤	٣, ٠٢	٦٧, ٨٥	البعدى

* دال عند مستوى ٠, ٠١

يتضح من الجدول (٣) انه لا توجد فروق ذات دلالة احصائية بين متوسطى درجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق القبلى لاختبار التفكير الرياضى ما يدل

على ان المجموعتين متكافئتان تقريباً في مستوى التفكير الرياضى قبل بدء التجربة .

ويتضح أيضاً ان هناك فروقاً ذات دلالة احصائية بين متوسطى درجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضى لصالح أفراد المجموعة التجريبية ، مما يدل على أن الأنشطة الامرائية ذات أثر فعال في تنمية مستوى التفكير الرياضى لدى أفراد المجموعة التجريبية ، وهذه النتيجة تحقق صحة الفرض الثانى للدراسة :

السؤال الثالث:

" هل هناك علاقة بين تحصيل التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية للتعليم الأساسى فى الرياضيات ونمو مستوى تفكيرهم الرياضى ؟ "

للإجابة عن هذا السؤال تم رصد درجات أفراد المجموعة التجريبية فى التطبيق البعدى للاختبار التحصيلى واختبار التفكير الرياضى وحساب المتوسط الحسابى لدرجاتهم فى كل اختبار وكذلك الانحرافات عن كل متوسط والانحراف المعياري لدرجات أفراد المجموعة فى كل اختبار، ثم حساب معامل الارتباط بين درجات أفراد المجموعة التجريبية فى التطبيق البعدى للاختبار التحصيلى واختبار التفكير الرياضى بطريقة الانحرافات المعيارية* كما يتضح من الجدول التالى :

جدول (٤)

المتوسط الحسابى والانحراف المعياري ومجموع حاصل ضرب الانحراف عن متوسطى درجات أفراد المجموعة التجريبية فى التطبيق البعدى للاختبار التحصيلى واختبار التفكير الرياضى ومعامل ارتباط الدرجات ومستوى دلالة الاحصائية .

مستوى الدلالة	معامل الارتباط	مجموع (ح _ن × ح _ص)	الانحراف المعياري ع	المتوسط الحسابى م	البيان المقياس
دال عند مستوى ٠,٠١	,٩٢٦	٢١٢,٧٢	١,٨١	٩٤,٢٨	الاختبار التحصيلى
			٣,٠٢	٦٧,٨٥	اختبار التفكير الرياضى

$$r = \frac{\text{مجموع } (ح_n \times ح_v)}{n \times ع_n}$$

$$n \times ع_n$$

يتضح من الجدول (٤) أن هناك ارتباطاً موجباً واضحاً بين تحصيل التلاميذ المتفوقين فى الرياضيات وبين مستوى تفكيرهم الرياضى ، وبالكشف عن قيمة (ر) فى الجداول الاحصائية عندما تكون $n = ٤٢$ وجد أن هناك دلالة احصائية لمعامل الارتباط عند مستوى ٠,٠١ ، وهذا يعنى ان مستوى التفكير يكثر بالضرورة على مستويات التحصيل ويزيد منها ، وهذه النتيجة تحقق صحة الفرض الثالث للدراسة .

ويمكن تفسير النتائج التى تم التوصل اليها خلال هذه الدراسة على النحو التالى :

- اتضح من جدول (٢) انه لا توجد فروق ذات دلالة احصائية بين متوسطى تحصيل أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة فى التطبيق البعدى للاختبار التحصيلى فى الرياضيات وان مستوى التحصيل لدى أفراد المجموعة التجريبية لم يحدث به زيادة كبيرة بفعل دراستهم للأنشطة الاثرائية وهذا يرجع الى ان التلاميذ المتفوقين بطبيعتهم ذوو تحصيل مرتفع اذ ان متوسط تحصيلهم القبلى ١٩ ، ٩٢ من النهاية العظمى للاختبار وقدرها ١٠٠ درجة ويرجع ذلك الى ان الأنشطة الاثرائية ليست طريقة تدريس تحمل على زيادة التحصيل ولكن ربما يتأثر التحصيل بعوامل اخرى غير الأنشطة الاثرائية قد تكون أكثر فاعلية .

- اتضح من جدول (٣) ان متوسط درجات أفراد المجموعة التجريبية فى التطبيق القبلى لاختبار التفكير الرياضى قد بلغ ٧٢ ، ٥٣ ومتوسط درجات أفراد المجموعة الضابطة فى التطبيق القبلى لهذا الاختبار قد بلغ ١٨ ، ٥٥ من النهاية العظمى للاختبار وقدرها ٨٠ درجة وهو متوسط مرتفع ويعزى ذلك الى ان التلاميذ المتفوقين لديهم القدرة على التفكير الرياضى وهذه من سماتهم ، ويعزى النمو فى مستوى التفكير الرياضى لدى أفراد المجموعة التجريبية حتى وصل الى ٨٥ ، ٦٧ من النهاية العظمى للاختبار الى فاعلية الأنشطة الاثرائية المقدمة اليهم ، مما يستوجب تعميم تقديم الأنشطة الاثرائية للتلاميذ المتفوقين .

- اتضح من جدول (٤) ان هناك علاقة ارتباطية موجبة ودالة عند مستوى ٠,٠١ بين تحصيل التلاميذ المتفوقين فى الرياضيات وبين نمو مستوى تفكيرهم الرياضى ما يدل على ان مستوى التفكير المرتفع يصاحبه بالضرورة مستوى تحصيل مرتفع ومن ثم يجب الاهتمام فى تدريس الرياضيات بتنمية مستويات التفكير لدى التلاميذ .

- بناءً على ما توصلت إليه الدراسة من نتائج يوصى الباحث بما يلي :
- الاهتمام بتقديم أنشطة إثرائية مختلفة للتلاميذ المتفوقين وذلك لاشباع حاجاتهم للبحث والاطلاع والتفكير الابتكاري ولكن تتاح لهم الفرصة للمقارنة والاكتشاف والابداع .
 - أن يتناول مقرر الرياضيات بعض التمارين الرياضية غير النمطية وكذلك مقدمة عن تطور الفكر الرياضي وسيرة بعض علماء الرياضيات وطرق تفكيرهم للمساعدة على تنمية التفكير الرياضي عند التلاميذ .
 - الاهتمام بتدريب معلمى المتفوقين على أساليب التعامل مع المتفوقين وكيفية التدريس لهم وذلك لاكتسابهم مهارات التفكير الرياضى من خلال دراستهم للرياضيات .
- واستكمالاً لهذه الدراسة يقترح الباحث القيام بالدراسات التالية :
- فاعلية استخدام معلم الرياضيات فى تنمية التفكير الرياضى لدى التلاميذ المتفوقين بالحلقة الثانية من التعليم الأساسى .
 - الكفايات التدريسية اللازمة لمعلمى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين ومدى توافرها عند معلمى الرياضيات بالمرحلة الثانوية .
 - أثر استخدام الأنشطة الإثرائية على تنمية المفاهيم والمهارات الرياضية لدى التلاميذ بطيئى التحمل بالحلقة الثانية من التعليم الاساسى .
 - اثر استخدام التدريس المصغر فى تنمية بعض الكفايات الأدبائية لدى معلمى الرياضيات للتلاميذ المتفوقين .

مراجع الدراسة

- ١ - أحمد عزت راجح : أصول علم النفس ، القاهرة ، دار المعارف ، ١٩٨٧ .
- ٢ - بسدر العمر : " المتفوقون : تعريفهم - رعايتهم - برامجهم - أعداد مدرسيهم " دراسات تربوية ، المجلد الخامس ، الجزء ٢٤ ، القاهرة ، رابطة التربية الحديثة ، ١٩٩٠ .
- ٣ - حمدي رشيد محمد الحنيلي : المتفوقون دراسيا والمتفوقون عقليا بالمدارس الثانوية بالكويت ، مؤسسة الكويت للتقدم العلمي ، ادارة التأليف والترجمة والنشر ، ١٩٨٩ .
- ٤ - سيد خير الله : علم النفس التربوي اسمه النظرية والتجريبية ، بيروت ، دار النهضة العربية للطباعة والنشر ، ١٩٨١ .
- ٥ - فاروق عبد الفتاح موسى : اختبار القدرة العقلية مستوى ١٢ - ١٤ سنة ، ط ٤ ، القاهرة ، مكتبة النهضة المصرية ، ١٩٨٩ .
- ٦ - فاج . كروكشانك : تربية الموهوب والمعوق ، ترجمة ، يوسف ميخائيل أسعد ، القاهرة ، مكتبة الأنجلو المصرية ، ١٩٧١ .
- ٧ - فريدريك هـ . بل : طرق تدريس الرياضيات ، الجزء الثاني ، ترجمة ، محمد أمين الفتحي ، مدوح محمد سليمان ، القاهرة ، الدار العربية للنشر والتوزيع ، ١٩٨٦ .
- ٨ - فريد كامل أبو زينة : الرياضيات - مناهجها وأصول تدريسها ، ط ٢ ، عمان ، دار الفرقان ، ١٩٨٥ .
- ٩ - فؤاد أبو حطب ، محمود السروجي : علم النفس التطبيقي ، القاهرة ، دار المعارف ، ١٩٨٧ .
- ١٠ - محمد محمود شاهين : أساليب تدريس الرياضيات في المرحلة الابتدائية الدنيا ، عمان ، وزارة التربية والتعليم وشئون الشاب ، دائرة أعداد المعلمين ، ١٩٨٥ .
- ١١ - محمود أحمد شوق : الاتجاهات الحديثة في تدريس الرياضيات ، الرياض ، دار المريخ للنشر ، ١٩٨٩ .
- ١٢ - مدوح محمد سليمان ، أبو العزائم عبد العال : " استراتيجيات التفكير الرياضي والدافعية لدى الموهوبين والعاديين والمتأخرين في الرياضيات " ، المجلة التربوية ، العدد الثاني ، كلية التربية بسوهاج ، جامعة أسيوط ، ١٩٨٧ .

- ١٣ - نظلة حسن أحمد خضرم: " حول تنمية التفكير الهندسى والابتكارى للصغير والكبير وكتب
الفت فى هذا المضار " ، الندوة الدولية لكتاب الطفل الماضى
والحاضر والمستقبل ، القاهرة ، الهيئة العامة للكتاب ، ١٩٨٦ .
- ١٤ - وديع مكسيموس داوود : اتجاهات معاصرة فى تدريس الرياضيات ، كلية التربية بأسسيوط
جامعة أسسيوط ، ١٩٧٧ .
- ١٥ - _____ : المغالطات الرياضية ودرها فى تحسين تدريس الرياضيات ، كلية
التربية بأسسيوط ، جامعة أسسيوط ، ١٩٧٩ .
- ١٦ - وليم عيبد ، وآخران : طرق تدريس الرياضيات - المستوى الرابع ، برنامج تأهيل معلمى
المرحلة الابتدائية للمستوى الجامعى ، القاهرة ، وزارة التربية والتعليم
بالاشتراك مع الجامعات المصرية ، ١٩٨٧ .
- ١٧ - _____ ، رضا معمد السعيد : البحوث الأكاديمية فى تعليم الرياضيات (عرض
وتحليل لرسائل الماجستير والدكتوراه) (١٩٥٠ - ١٩٩٠) ، القاهرة
مكتبة الأنجلو المصرية ، ١٩٩١ .

- 18- Callahan, L.G. & Glennon, V.: Elementary School Mathematics:
A Guide to Current Research. Washington, D.C.:
Association of Supervisors and Curriculum
Developers, 1975 .
- 19- Cambell, J.A. & Willis, J. "Modifying Competence of Creative
Behavior in the Natural Environment", Behavior
Modification, 1978 .
- 20- Carroll, J.A.: "Identifying Gifted and Creative: Toward
a Multiple Model of Assessment", Paper presented
at the Annual Convention of the American Psycho-
logical Association, 1976.
- 21- Gliatt, M.P., et al. " Effects of Training on the Divergent-
Thinking Abilities of Kindergarten Children",
Child Development, 1980 .

- 22- Gallagher, J.J. Teaching the Gifted Child, 2nd Ed. Boston: Allyn and Bacon, 1975.
- 23- George, W. Bright, et al. Learning and Mathematics Games. U.S.A.: The National Council of Teachers Mathematics, Inc., 1985.
- 24- Greenes, C. "Identifying the Gifted Students in Mathematics" Arithmetic Teacher, Vol. 23, February 1981.
- 25- Hicks, C.G. "Development of Creative Thinking and its Relationship to I.Q. and Reading Achievement", Reading World, 1980.
- 26- Kitano, M. & Kirby, D. Gifted Education: A Comprehensive View, Boston: Brown Company, 1986.
- عن . . . بدر الصمر ، المتفوقين - تعريفهم - رعايتهم - برامجهم - واعداد مدرسيهم ، مرجع سابق .
- 27- School Council Mathematics Committee, Mixed Ability Teaching in Mathematics, London: Evans Brothers Limited, 1977.
- 28- Tuttele, F.B. Gifted and Talented Students. Washington, D.C.: National Education Association , 1978.

ملاحق الدراسة

نظرا لضيق المساحة يكتفى الباحث بالإشارة إلى الملاحق الخاصة بهذه الدراسة " مدى فاعلية الانشطة الاثرائية فى تنمية التحصيل والتفكير الرياضى لدى التلاميذ المتفوقين بالحلقة الثانية من التعليم الاساسى " .

وهذه الملاحق موجودة لدى الباحث لمن يريد الاطلاع عليها كما انها موجودة فى أصل البحث وهى :

ملحق (١) : الانشطة الاثرائية فى الرياضيات .

ـ المغالطات الرياضية .

ـ الالغاز الرياضية .

ملحق (٢) : الاختبار التحصيلى فى الرياضيات .

ملحق (٣) : مقياس التفكير الرياضى لدى التلاميذ المتفوقين بالصف الأول من الحلقة الثانية من

التعليم الأساسى .